

Title: Seidl: Virtual\_Machines (16.05.2013)

Date: Thu May 16 16:10:15 CEST 2013

Duration: 34:50 min

Pages: 11

### Beispiel 3.7

Die nicht-reguläre Sprache  $L = \{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$  ist kontextfrei, da sie von der CFG

$$S \rightarrow aSb \mid \epsilon$$

erzeugt wird. Genauer:  $L = L(G)$  wobei  $G = (V, \Sigma, P, S)$  mit

$$\begin{aligned} V &= \{S\} \\ \Sigma &= \{a, b\} \\ P &= \{S \rightarrow aSb \mid \epsilon\} \end{aligned}$$

Der unendliche Baum aller möglichen (Links-)Ableitungen:

$$\begin{array}{ccccccc} S & \rightarrow & aSb & \rightarrow & a^2Sb^2 & \rightarrow & a^3Sb^3 & \rightarrow & \dots \\ & \searrow & & \searrow & & \searrow & & \searrow & \\ & & \epsilon & & ab & & a^2b^2 & & a^3b^3 \end{array}$$

### Beispiel 3.7

Die nicht-reguläre Sprache  $L = \{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$  ist kontextfrei, da sie von der CFG

$$S \rightarrow aSb \mid \epsilon$$

erzeugt wird. Genauer:  $L = L(G)$  wobei  $G = (V, \Sigma, P, S)$  mit

$$\begin{aligned} V &= \{S\} \\ \Sigma &= \{a, b\} \\ P &= \{S \rightarrow aSb \mid \epsilon\} \end{aligned}$$

Der unendliche Baum aller möglichen (Links-)Ableitungen:

$$\begin{array}{ccccccc} S & \rightarrow & aSb & \rightarrow & a^2Sb^2 & \rightarrow & a^3Sb^3 & \rightarrow & \dots \\ & \searrow & & \searrow & & \searrow & & \searrow & \\ & & \epsilon & & ab & & a^2b^2 & & a^3b^3 \end{array}$$

### Beispiel 3.8

Die nicht-reguläre Sprache der Palindrome ( $w = w^R$ ) über  $\{a, b\}$  wird von folgender CFG erzeugt:

$$S \rightarrow \epsilon \mid a \mid b \mid aSa \mid bSb$$

### Beispiel 3.8

Die nicht-reguläre Sprache der Palindrome ( $w = w^R$ ) über  $\{a, b\}$  wird von folgender CFG erzeugt:

$$S \rightarrow \epsilon \mid a \mid b \mid aSa \mid bSb$$

Der Anfang des unendlichen Baums aller möglichen (Links-)Ableitungen:

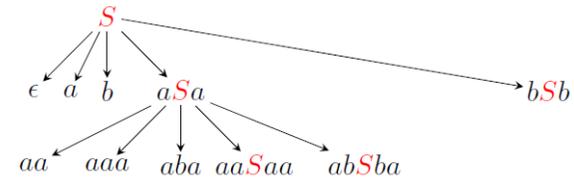


### Beispiel 3.8

Die nicht-reguläre Sprache der Palindrome ( $w = w^R$ ) über  $\{a, b\}$  wird von folgender CFG erzeugt:

$$S \rightarrow \epsilon \mid a \mid b \mid aSa \mid bSb$$

Der Anfang des unendlichen Baums aller möglichen (Links-)Ableitungen:



### Lemma 3.9 (Dekompositionslemma)

$$\alpha_1 \alpha_2 \xrightarrow{G}^n \beta$$

$\Leftrightarrow$

$$\exists \beta_1, \beta_2, n_1, n_2. \beta = \beta_1 \beta_2 \wedge n = n_1 + n_2 \wedge \alpha_i \xrightarrow{G}^{n_i} \beta_i \quad (i = 1, 2)$$

### Definition 3.10

Eine CFG heißt **rechts-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow aB \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

### Definition 3.10

Eine CFG heißt **rechts-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow aB \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

Eine CFG heißt **links-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow Ba \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

### Definition 3.10

Eine CFG heißt **rechts-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow aB \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

Eine CFG heißt **links-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow Ba \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

### Lemma 3.11

*Die rechts-linearen und links-linearen Grammatiken erzeugen jeweils genau die regulären Sprachen.*

### Definition 3.10

Eine CFG heißt **rechts-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow aB \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

Eine CFG heißt **links-linear** gdw jede Produktion von der Form

$$A \rightarrow Ba \quad \text{oder} \quad A \rightarrow \epsilon \quad \text{ist.}$$

### Lemma 3.11

*Die rechts-linearen und links-linearen Grammatiken erzeugen jeweils genau die regulären Sprachen.*

Beweis: Übung!

$$A \rightarrow aB \quad B \rightarrow bC$$

$$\delta(A, a) = B \quad \delta(B, b) = C$$